

УТВЕРЖДЕНА

Решением Ученого совета
АНО ВО «Центральный университет»
«24» июня 2025 г.
Протокол №2

**Рабочая программа дисциплины (модуля)
«Методы выпуклой оптимизации»**

Направление подготовки: 38.03.05 Бизнес-информатика

Направленность (профиль) подготовки: Бизнес-аналитика

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения: очная

Срок освоения программы: 4 года

Год набора: 2025

**Москва
2025**

Содержание

1. Краткая характеристика дисциплины (модуля)	3
2. Перечень планируемых результатов обучения	5
3. Тематический план	7
4. Содержание дисциплины (модуля)	9
5. Учебно-методическое обеспечение	10
6. Материально-техническое обеспечение	10
7. Методические и оценочные материалы	12

1. Краткая характеристика дисциплины (модуля)

Рабочая программа дисциплины (модуля) «Методы выпуклой оптимизации» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования – бакалавриат по специальности 38.03.05 Бизнес-информатика, профиль Бизнес-аналитика, утвержденный приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации № 838 от 29.07.2020 года.

Изучение дисциплины (модуля) «Методы выпуклой оптимизации» позволяет студентам широко применять полученные знания в различных областях, таких как экономика, инженерия и информатика, что позволяет эффективно решать практические задачи. Кроме того, знание этих методов способствует развитию аналитического мышления и навыков решения комплексных проблем.

Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Настоящая дисциплина (модуль) включена в учебный план по программе подготовки бакалавриата по направлению 38.03.05 Бизнес-информатика, профиль Бизнес-аналитика и входит в часть Блока 1, формируемую участниками образовательных отношений.

Дисциплина (модуль) изучается на 3 или 4 курсе в 6, 7, или 8 семестре, доступна после успешного освоения дисциплин (модулей): «Математический анализ» и «Линейная алгебра» либо дисциплины (модуля) «Основы математического анализа и линейной алгебры».

Цель изучения дисциплины (модуля): заключается в освоении студентами основных техник и алгоритмов, позволяющими находить оптимальные решения в различных задачах, связанных с максимизацией или минимизацией функций.

Задачи изучения дисциплины (модуля) направлены на формирование у студентов следующих знаний, умений и навыков:

— формирование умения вычислять обратное распространение ошибки, определять задана ли задача на выпуклом множестве, определять свойства функционала, обобщать градиент выпуклых функций на негладкие функции, строить двойственные задачи, а также строить двойственные задачи через сопряженные функции, аналитически искать минимум функционала с ограничениями;

— формирование знаний о численных методах оптимизации, изучение различных методов численной оптимизации и изучение их сходимости, изучение влияния гиперпараметров на методы;

В результате освоения дисциплины (модуля) обучающийся должен:

знать:

- матрично-векторное дифференцирование;
- выпуклые множества;
- выпуклые функции;
- субградиент;
- сопряженные функции;
- двойственность;
- условия Каруша-Куна-Таккера;

уметь:

- вычислять обратное распространение ошибки;
- определять задана ли задача на выпуклом множестве;
- определять свойства функционала;
- обобщать градиент выпуклых функций на негладкие функции;
- строить двойственные задачи, а также строить двойственные задачи через сопряженные функции;
- аналитически искать минимум функционала с ограничениями;

владеть:

- навыком применения различных методов численной оптимизации и изучение их сходимости;
- навыком проведения экспериментов;
- навыком подбора гиперпараметров в методах;
- навыком поиска минимум функционала на непрерывном множестве.

2. Перечень планируемых результатов обучения

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) при проведении учебных занятий в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками Университета и в форме самостоятельной работы обучающихся:

Компетенция	Содержание компетенции	Индикатор компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю)
УК-1.	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1.	Знает методы поиска и анализа информации в области аналитики, основные принципы критической оценки источников информации и их релевантности.
		УК-1.2.	Умеет критически оценивать источники информации и синтезировать данные из различных источников для решения задач, применять системный подход к анализу и решению комплексных проблем
		УК-1.3.	Имеет практический опыт работы с современными инструментами и технологиями для обработки информации, формулировании и структурировании задач на основе полученной информации
ОПК-2.	Способен проводить исследование и анализ рынка информационных систем и информационно-коммуникационных технологий, выбирать рациональные решения для управления бизнесом	ОПК-2.1.	Знает основные тенденции и характеристики рынка информационных систем и информационно-коммуникационных технологий
		ОПК-2.2.	Умеет проводить исследование и анализ рыночной информации для оценки потребностей бизнеса и выбора оптимальных решений
		ОПК-2.3.	Имеет практический опыт в разработке и внедрении стратегий управления бизнесом на основе анализа рынка информационных технологий
ПК-2.	Способен использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования для решения задач профессиональной деятельности	ПК-2.1.	Знает основные математические методы и инструментальные средства, применяемые для обработки и анализа информации
		ПК-2.2.	Умеет эффективно использовать математический аппарат для систематизации данных и решения профессиональных задач
		ПК-2.3.	Имеет практический опыт работы с инструментами анализа информации в рамках исследовательских проектов
ПК-3.	Способен готовить научно-технические отчеты,	ПК-3.1.	Знает требования и стандарты оформления научно-технических

	презентации, научные публикации по результатам выполненных исследований		отчетов, презентаций и публикаций
		ПК-3.2.	Умеет структурировать и представлять результаты исследований в ясной и доступной форме
		ПК-3.3.	Имеет практический опыт подготовки и публикации научных материалов, отражающих результаты выполненных исследований
ПК-8	Способен под руководством специалиста более высокой категории осуществлять планирование и организацию проектной деятельности на основе стандартов управления проектами	ПК-8.1.	Знает принципы и стандарты управления проектами
		ПК-8.2.	Умеет разрабатывать планы и организовывать проектную деятельность в соответствии с установленными стандартами
		ПК-8.3.	Имеет практический опыт участия в проектной работе, включая планирование и координацию задач

3. Тематический план

№п/ п	Основной уровень Наименование раздела дисциплины (модуля)	Трудоемкость, академические часы				ТКУ (текущий контроль успеваемости)
		Очная форма				
		Контактная работа		Контроль	Самостояте льная работа	
Лекции	Семинары (практичес кие занятия)					
1	Основные понятия	1	1		8	Домашние задания
2	Выпуклость и гладкость. Условия оптимальности	1	1		8	Домашние задания, контрольная работа
3	Градиентный спуск	1	1		8	Домашние задания
4	Стохастическая оптимизация. SGD	1	1		8	Домашние задания, контрольная работа
5	Ускорение и оптимальные методы	1	1		8	Домашние задания
6	Метод сопряженных градиентов	1	1		8	Домашние задания
7	Метод Ньютона и квазиньютоновские методы	1	1		8	Домашние задания
8	Субградиентный метод, адаптивные методы	1	1		8	Домашние задания
9	Проекция и алгоритм Франк-Вульфа	1	1		8	Домашние задания
10	Метод зеркального спуска	1	1		8	Домашние задания Бонусные задания
11	Метод штрафных функций. ADMM	1	1		8	Домашние задания
12	Метод внутренней точки	1	1		8	Домашние задания Бонусные задания
13	Седловые задачи	1	1		8	Домашние задания
14	Стохастическая оптимизация. Редукция дисперсии	1	1		10	Домашние задания
15	Распределенная оптимизация	1	1		10	Домашние задания Бонусные задания
	Зачет с оценкой			6		
	Итого:	30	30	6	124	
№п/ п	Продвинутый уровень Наименование раздела дисциплины (модуля)	Трудоемкость, академические часы				ТКУ (текущий контроль успеваемости)
		Очная форма				
		Контактная работа		Контроль	Самостояте льная работа	
Лекции	Семинары (практичес кие занятия)					
1	Вспоминаем линейную алгебру. Скорость сходимости последовательностей	1	1		8	Домашние задания

2	Матричное дифференцирование и одномерная оптимизация	1	1		8	Домашние задания, контрольная работа
3	Автоматическое дифференцирование	1	1		8	Домашние задания
4	Выпуклость и сильная выпуклость	1	1		8	Домашние задания, контрольная работа
5	Условия оптимальности и ККТ	1	1		8	Домашние задания
6	Линейное программирование и симплекс-алгоритм	1	1		8	Домашние задания
7	Градиентный спуск и анализ сходимости	1	1		8	Домашние задания
8	Ускорение градиентного спуска	1	1		8	Домашние задания
9	Метод сопряженных градиентов	1	1		8	Домашние задания
10	Метод Ньютона и квази-Ньютоновские методы	1	1		8	Домашние задания Бонусные задания
11	Проекционные методы и Frank-Wolfe	1	1		8	Домашние задания
12	Субградиенты и проксимальные методы	1	1		8	Домашние задания Бонусные задания
13	Стохастический градиентный спуск	1	1		8	Домашние задания
14	Методы уменьшения дисперсии	1	1		10	Домашние задания
15	Современные методы и практики оптимизации	1	1		10	Домашние задания Бонусные задания
	<i>Зачет с оценкой</i>			6		
	<i>Итого:</i>	30	30	6	124	
	<i>Объем дисциплины (модуля) (в ак. ч.)</i>	190				
	<i>Объем дисциплины (модуля) (в зач. ед.)</i>	5				

4. Содержание дисциплины (модуля)

№п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Содержание дисциплины (модуля) по темам
Основной уровень		
1	Основные понятия	Введение в линал
2	Выпуклость и гладкость. Условия оптимальности	Матрично-векторное дифференцирование
3	Градиентный спуск	Стохастическая оптимизация. SGD. Стохастическая оптимизация. Редукция дисперсии
4	Стохастическая оптимизация. SGD	Ускорение и оптимальные методы. Метод Ньютона и квазиньютоновские методы
5	Ускорение и оптимальные методы	Выпуклые множества
6	Метод сопряженных градиентов	Выпуклые функции
7	Метод Ньютона и квазиньютоновские методы	Субдифференциал и субградиент
8	Субградиентный метод, адаптивные методы	Сопряженные функции
9	Проекция и алгоритм Франк-Вульфа	Двойственность по Лагранжу
10	Метод зеркального спуска	
11	Метод штрафных функций. ADMM	
12	Метод внутренней точки	ККТ
13	Седловые задачи	Сопряженные конусы
14	Стохастическая оптимизация. Редукция дисперсии	От LP до SDP
15	Распределенная оптимизация	Cvxpy и Scipy
Продвинутый уровень		
1	Вспоминаем линейную алгебру. Скорость сходимости последовательностей	Матричные вычисления, нормы, LoRA, анализ сходимости
2	Матричное дифференцирование и одномерная оптимизация	Градиенты матричных функций, line search методы, Brent method
3	Автоматическое дифференцирование	Forward/reverse mode AD, gradient checkpointing, упражнения на AD
4	Выпуклость и сильная выпуклость	Доказательства выпуклости практических задач ML (линейная/логистическая регрессия, SVM), Условие Поляка - Лоясиевича. Доказательства невыпуклости практических задач ML
5	Условия оптимальности и ККТ	Множители Лагранжа, ККТ условия, adversarial attacks
6	Линейное программирование и симплекс-алгоритм	Планирование производства, транспортная задача, max-flow min-cut, применения ЛП
7	Градиентный спуск и анализ сходимости	Теоретический анализ, выбор размера шага, PL-условие
8	Ускорение градиентного спуска	Метод тяжелого шарика, Ускорение Нестерова. Ускоренный метод из полиномов Чебышёва
9	Метод сопряженных градиентов	CG для квадратичных задач, нелинейный CG, патологические примеры
10	Метод Ньютона и квази-Ньютоновские методы	Newton method, BFGS, L-BFGS, cubic-regularized Newton
11	Проекционные методы и Frank-Wolfe	Проекция на симплекс, другие виды множеств, PGD, Frank-Wolfe algorithm
12	Субградиенты и проксимальные методы	Субдифференциалы, ISTA/FISTA, image denoising, L1-регуляризация
13	Стохастический градиентный спуск	SGD vs GD, адаптивные методы (Adam, AdaGrad, RMSProp, AdamW)
14	Методы уменьшения дисперсии	SVRG, SAG/SAGA, эксперименты с нейросетями
15	Современные методы и практики оптимизации	SAM, mode connectivity, grokking, Muon optimizer, distributed training

5. Учебно-методическое обеспечение

Университет располагает полным набором лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, включая продукты отечественного производства.

Каждый студент в течение всего периода обучения получает индивидуальный неограниченный доступ к электронно-библиотечной системе и электронной информационно-образовательной среде университета. Эти системы предоставляют возможность доступа к ресурсам из любой точки, где есть подключение к сети Интернет, как на территории университета, так и за его пределами.

Студентам обеспечен удаленный доступ к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

литература:

1. Выпуклая оптимизация : учебник для вузов / М. А. Горский, И. Ю. Выгодчикова, Д. А. Максимов, М. А. Халиков. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 82 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-17782-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/568662>.

2. Сухарев, А. Г. Методы оптимизации : учебник и практикум для бакалавриата и магистратуры / А. Г. Сухарев, А. В. Тимохов, В. В. Федоров. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 367 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3859-3. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/507818>.

3. Токарев, В. В. Методы выпуклой оптимизации : учебник для вузов / В. В. Токарев. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 440 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-04712-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/563479>.

4. Методы оптимизации : учебник и практикум для вузов / Ф. П. Васильев, М. М. Потапов, Б. А. Будак, Л. А. Артемьева ; под редакцией Ф. П. Васильева. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 375 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-6157-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/560070>.

Дополнительная литература:

1. Сухарев, А. Г. Методы оптимизации : учебник и практикум для бакалавриата и магистратуры / А. Г. Сухарев, А. В. Тимохов, В. В. Федоров. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 367 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3859-3. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/507818>.

2. Терсенов, А. С. Лекции по прикладному функциональному анализу : учебник для вузов / А. С. Терсенов. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 83 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-18812-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/568927>.

3. Максимова, О. Д. Основы математического анализа: неравенства и оценки : учебное пособие для вузов / О. Д. Максимова. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 185 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08224-1. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/541118>.

6. Материально-техническое обеспечение

Университет располагает материально-технической базой, соответствующей действующим противопожарным правилам и нормам и обеспечивающей проведение всех

видов дисциплинарной и междисциплинарной подготовки, практической и научно-исследовательской работ обучающихся, предусмотренных учебным планом.

Помещения, которые представляют собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского (практического) типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы и помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования. Помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Изучение дисциплины (модуля) обеспечивается в учебных аудиториях, оснащенных:

- столами и стульями;
- компьютерной техникой;
- механическими калькуляторами;
- специализированным оборудованием, включая демонстрационное оборудование.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, в том числе приспособленные для использования инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья, оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Обучающимся предоставляется доступ (в том числе удаленный) к ресурсам информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», электронным ресурсам (в том числе электронным библиотечным системам, современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам):

№	Наименование портала (издания, курса, документа)	Ссылка
1.	Научная электронная библиотека elibrary.ru библиотека	https://elibrary.ru/defaultx.asp
2.	База данных для IT-специалистов	https://habr.com
3.	База данных ScienceDirect	https://www.sciencedirect.com
4.	Официальный сайт Министерства науки и высшего образования Российской Федерации	https://minobrnauki.gov.ru/
5.	Федеральный портал «Российское образование»	https://www.edu.ru/
6.	Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам"	http://window.edu.ru/
7.	Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов	http://school-collection.edu.ru/
8.	Федеральный центр информационно - образовательных ресурсов	http://fcior.edu.ru/

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), в том числе комплект лицензионного программного обеспечения, современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

Наименование ПО	Производство	Лицензионное / свободно распространяемое
Операционные системы:		
Microsoft Imagine (Windows Client, Server)	зарубежное	лицензионное
Браузеры:		
Яндекс.Браузер	отечественное	свободно распространяемое
Google Chrome	зарубежное	свободно распространяемое
Офисные приложения:		

Microsoft Imagine (Visio, OneNote)	зарубежное	лицензионное
TeXstudio	зарубежное	свободно распространяемое
Adobe Acrobat Reader	зарубежное	свободно распространяемое
Программное обеспечение для планирования и учета времени:		
Toggle app	зарубежное	свободно распространяемое
Системы управления проектами:		
Microsoft Imagine (Project)	зарубежное	лицензионное
Системы управления базами данных:		
Microsoft Imagine (SQL Server)	зарубежное	лицензионное
Системы резервного копирования (backup):		
Acronis Backup Advanced for HyperV	зарубежное	лицензионное
Справочно-правовые системы:		
КонсультантПлюс: справочно-правовая система	отечественное	лицензионное
Средства антивирусной защиты:		
Kaspersky Endpoint Security для бизнеса Стандартный Russian Edition	отечественное	лицензионное
Среды разработки:		
Visual Studio Code	зарубежное	свободно распространяемое
Bash (Unix shell)	зарубежное	свободно распространяемое
Anaconda	зарубежное	свободно распространяемое
Robotic Operating System	зарубежное	свободно распространяемое
CopelliaSim	зарубежное	свободно распространяемое
Google Colaboratory	зарубежное	свободно распространяемое
Пакеты программных средств и библиотек:		
AutoPsy	зарубежное	свободно распространяемое
Interactive Disassembler (IDA)	зарубежное	свободно распространяемое
Системы управления библиографической информацией:		
Zotero	зарубежное	свободно распространяемое
Сервисы и службы:		
Bind	зарубежное	свободно распространяемое
Docker	зарубежное	свободно распространяемое

7. Методические и оценочные материалы

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

В процессе изучения дисциплины (модуля) «Методы выпуклой оптимизации» в рамках текущего контроля успеваемости используются такие виды учебной работы, как лекции, семинары, домашние задания и контрольные работы, бонусные задания, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся по заданию преподавателя, направленные на развитие навыков профессиональной лексики, закрепление практических профессиональных компетенций, поощрение инициатив.

Лекция – систематическое, последовательное, монологическое изложение преподавателем учебного материала, как правило, теоретического характера.

В процессе лекций рекомендуется вести конспект лекций: кратко и схематично фиксировать основные идеи, выводы и обобщения лекции; выделять важные мысли, ключевые слова и термины. Необходимо отметить вопросы или материалы, которые вызывают затруднения, и попытаться найти ответы в рекомендованной литературе. Если разобраться в материале не удастся, следует сформулировать вопрос и задать его преподавателю на консультации или во время семинарского (практического) занятия

Семинарское занятие – активное взаимодействие студентов с преподавателем и друг

с другом, направленное на применение теоретических знаний на практике.

Занятие включает выполнение конкретных заданий, лабораторных работ или проектов, что способствует глубокому пониманию материала. Студенты должны заранее ознакомиться с темой занятия и подготовить необходимые материалы. В процессе работы важно активно участвовать в обсуждениях, задавать вопросы и делиться мнениями. Преподаватель предоставляет обратную связь и направляет студентов, что позволяет улучшить их навыки и углубить знания.

Домашнее задание – набор задач по темам недели.

При работе над домашними заданиями важно внимательно ознакомиться с требованиями и сроками выполнения. Рекомендуется разбивать задания на этапы, чтобы избежать перегрузки и лучше усвоить материал. Использовать различные источники информации, включая учебники и онлайн-ресурсы, для более глубокого понимания темы.

Бонусное задание – задание на дополнительную оценку, доступное для выполнения по желанию студентов.

Выполнение бонусного домашнего задания позволяет студентам не только углубить свои знания, но и развить практические навыки работы с данными, а также улучшить накопительную оценку.

Самостоятельная работа – работа студентов, направленная на углубленное изучение отдельных тем и вопросов учебной дисциплины (модуля).

В процессе самостоятельной работы студенты взаимодействуют с рекомендованными материалами при минимальном участии преподавателя. Задачи студента включают работу с конспектами лекций (обработка текста), повторное изучение учебных материалов планов и тезисов ответов, изучение дополнительных тем, выполнение учебно-исследовательских заданий и другое.

Система оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю)

Критерии получения уровня и оценивания сформированности компетенций по дисциплине (модулю) «Методы выпуклой оптимизации»

Оценивание уровня учебных достижений, обучающихся по дисциплине (модулю), осуществляется в виде текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация по дисциплине (модулю) осуществляется в форме *зачета с оценкой*, при этом проводится оценка компетенций, сформированных по дисциплине.

Для оценивания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации используется десятибалльная шкала оценивания, которая соотносится с традиционной пятибалльной шкалой следующим образом:

Десятибалльная оценка	Пятибалльная оценка	Оценка за зачет	Общая характеристика результата обучения по дисциплине (модулю)
10	Отлично	Зачтено	Студент полностью владеет знаниями, изложенными в рабочей программе, и глубоко осмысляет дисциплину. Он самостоятельно и логически последовательно отвечает на все вопросы, акцентируя внимание на наиболее
9	Отлично	Зачтено	
8	Отлично	Зачтено	

Десятибалльная оценка	Пятибалльная оценка	Оценка за зачет	Общая характеристика результата обучения по дисциплине (модулю)
			важном. Умеет анализировать, сравнивать, классифицировать, обобщать, конкретизировать и систематизировать изученный материал, выделяя ключевые моменты и устанавливая причинно-следственные связи. Четко формулирует ответы, уверенно интерпретирует результаты анализов и других исследований, а также решает сложные задачи. Студент хорошо знаком с методами исследования, необходимыми для практической деятельности, и умеет связывать теоретические аспекты дисциплины (модуля) с практическими задачами.
7	Хорошо	Зачтено	Студент обладает знаниями предмета почти в полном объеме рабочей программы и самостоятельно, логически последовательно и всесторонне отвечает на все вопросы, акцентируя внимание на наиболее значимых моментах. Он умеет анализировать, сравнивать, классифицировать, обобщать, конкретизировать и систематизировать изученный материал, выделяя его ключевые аспекты и устанавливая причинно-следственные связи. Формулирует свои ответы, уверенно интерпретирует результаты анализов и других исследований, а также решает сложные ситуационные задачи. Студент хорошо знаком с методами исследования, необходимыми для практической деятельности, и умеет связывать теоретические аспекты предмета с практическими задачами.
6	Хорошо	Зачтено	
5	Удовлетворительно	Зачтено	Студент обладает базовыми знаниями по дисциплине
4	Удовлетворительно	Зачтено	

Десятибалльная оценка	Пятибалльная оценка	Оценка за зачет	Общая характеристика результата обучения по дисциплине (модулю)
			(модулю), но испытывает трудности при самостоятельных ответах и использует неточные формулировки. В ходе ответов он допускает ошибки, касающиеся сути вопросов. Студент способен решать только самые простые задачи и владеет лишь минимальным набором методов исследования.
3	Не сдан	Не зачтено	Студент не овладел обязательным минимумом знаний по предмету и не может ответить на вопросы, даже если преподаватель задает дополнительные наводящие вопросы.
2	Не сдан	Не зачтено	
1	Не сдан	Не зачтено	

Дисциплина (модуль) «Методы выпуклой оптимизации» для обоих уровней оценивается следующим образом:

Активность	Вес	Описание
Домашние задания	25%	Набор задач по темам недели
Контрольные работы	40%	Письменная работа с набором задач, которые нужно решить за ограниченное время
Бонусные баллы за бонусные задания	10%	Оценки, которые студенты могут получить за выполнение дополнительных заданий
Зачет с оценкой	25%	Письменная или устная работа над заданием, направленным на проверку полученных знаний и навыков по дисциплине (модулю)

Формула расчёта итоговой оценки по дисциплине (модулю) «Методы выпуклой оптимизации»: « $0,25 \times$ среднее за домашние задания + $0,4 \times$ среднее за контрольные работы + $0,1 \times$ среднее за бонусные баллы + $0,25 \times$ зачет с оценкой».

Текущий контроль успеваемости обучающихся по дисциплине (модулю)

Примерные домашние задания

Домашнее задание: Выпуклость и гладкость. Условия оптимальности

1. Определите, что такое выпуклая функция и приведите пример.
2. Объясните, что такое гладкость функции и как она связана с производными.
3. Сформулируйте условия оптимальности первого и второго порядка для выпуклых функций.
4. Приведите пример функции, которая является выпуклой, но не гладкой.
5. Каковы геометрические интерпретации условий оптимальности?

Домашнее задание: Градиентный спуск

1. Опишите алгоритм градиентного спуска и его основные шаги.

2. Как выбрать шаг обучения (learning rate) в градиентном спуске? Приведите примеры.
3. Какие проблемы могут возникнуть при использовании градиентного спуска?
4. Объясните, как градиентный спуск может быть применен для минимизации функции нескольких переменных.
5. Рассчитайте шаги градиентного спуска для функции $f(x)=(x-3)^2+2$ начиная с $x_0=0$ и шагом обучения $\alpha=0.1$.

Домашнее задание: Стохастическая оптимизация. SGD

1. Определите, что такое стохастический градиентный спуск (SGD) и как он отличается от обычного градиентного спуска.
2. Объясните, как SGD может помочь избежать локальных минимумов.
3. Приведите пример применения SGD в задаче машинного обучения.
4. Как можно адаптировать размер шага в SGD? Объясните подходы.
5. Рассчитайте обновление параметров для функции потерь, используя SGD с размером мини-батча 2.

Домашнее задание: Ускорение и оптимальные методы

1. Объясните, что такое методы ускорения в оптимизации и приведите примеры.
2. Как работает метод Нестерова? Опишите его шаги.
3. Сравните эффективность стандартного градиентного спуска и метода Нестерова.
4. Что такое адаптивные методы и как они работают?
5. Приведите пример задачи оптимизации, где использование ускоренных методов значительно улучшает результат.

Примерные задания по контрольной работе

Контрольная работа

Задание 1: Метод сопряженных градиентов

1. Опишите алгоритм метода сопряженных градиентов. В чем его преимущества по сравнению с методом градиентного спуска?
2. Каковы условия сходимости метода сопряженных градиентов?
3. Приведите пример задачи, где метод сопряженных градиентов будет эффективен.
4. Рассчитайте несколько шагов метода сопряженных градиентов для функции $f(x)=x^2+2y^2$ с начальной точкой $(x_0, y_0)=(1,1)$.
5. В чем разница между полным и неполным методом сопряженных градиентов?

Задание 2: Метод Ньютона и квазиньютоновские методы

6. Объясните, как работает метод Ньютона. Какова его сходимость?
7. Какие проблемы могут возникнуть при использовании метода Ньютона?
8. Опишите, как работают квазиньютоновские методы, и приведите пример одного из них.
9. Рассчитайте шаги метода Ньютона для функции $f(x)=x^2-4x+4$.
10. Как можно улучшить производительность метода Ньютона?

Задание 3: Субградиентный метод и адаптивные методы

1. Определите, что такое субградиентный метод и в каких случаях он применяется.
2. Объясните, как работает адаптивный метод градиентного спуска.
3. Приведите пример функции, для которой субградиентный метод будет полезен.
4. Каковы основные преимущества и недостатки субградиентного метода?
5. Рассчитайте обновление параметров с использованием субградиентного метода для функции $f(x)=|x|$.

Задание 4: Проекция и алгоритм Франк-Вульфа

6. Опишите, что такое проекция на выпуклую оболочку и как она используется в оптимизации.
7. Как работает алгоритм Франк-Вульфа? Приведите его шаги.
8. В каких случаях алгоритм Франк-Вульфа может быть предпочтительнее других методов?
9. Приведите пример задачи, где алгоритм Франк-Вульфа может быть успешно применен.
10. Какова сложность алгоритма Франк-Вульфа в зависимости от размерности задачи?

Задание 5: Метод зеркального спуска

1. Объясните, как работает метод зеркального спуска и в каких случаях он применяется.
2. Какие преимущества дает метод зеркального спуска по сравнению с обычными методами градиентного спуска?
3. Приведите пример задачи, где метод зеркального спуска будет эффективен.
4. Какова сложность метода зеркального спуска?
5. Рассчитайте шаги метода зеркального спуска для функции $f(x)=0.5(x-3)^2$ с начальной точкой $x_0=0$.

Задание 6: Метод штрафных функций и ADMM

6. Что такое метод штрафных функций и как он работает?
7. Объясните, как работает метод ADMM (Alternating Direction Method of Multipliers).
8. В каких случаях метод ADMM может быть предпочтительнее других методов?
9. Приведите пример задачи, где применение метода штрафных функций будет уместным.
10. Каковы основные преимущества и недостатки методов штрафных функций и ADMM?

Задание 7: Метод внутренней точки

1. Опишите, как работает метод внутренней точки и в каких случаях он применяется.
2. Какова сложность метода внутренней точки для линейных программ?
3. Приведите пример задачи, где метод внутренней точки будет эффективен.
4. Какие проблемы могут возникнуть при использовании метода внутренней точки?
5. Рассчитайте шаги метода внутренней точки для простой задачи оптимизации.

Задание 8: Седловые задачи

6. Определите, что такое седловая задача и приведите пример.
7. Каковы условия оптимальности для седловых задач?
8. Объясните, как можно решить седловую задачу с помощью метода градиентного спуска.
9. Приведите пример применения седловых задач в экономике или теории игр.
10. Каковы основные трудности, возникающие при решении седловых задач?

Примерные задания для бонусных баллов

Стохастическая оптимизация

Вопрос 1

Что такое стохастическая оптимизация?

- а) Оптимизация с использованием детерминированных алгоритмов
- б) Оптимизация, учитывающая случайные элементы в модели
- в) Оптимизация, основанная на линейных уравнениях
- г) Оптимизация с фиксированными параметрами

Вопрос 2

Какой из следующих методов является стохастическим?

- a) Метод градиентного спуска
- b) Метод Ньютона
- c) Генетические алгоритмы
- d) Метод Лагранжа

Вопрос 3

В чем заключается основное преимущество стохастических методов оптимизации?

- a) Высокая точность
- b) Быстрая сходимость
- c) Способность находить глобальный минимум в сложных ландшафтах
- d) Простота реализации

Вопрос 4

Что такое стохастический градиентный спуск (SGD)?

- a) Метод, использующий весь набор данных для вычисления градиента
- b) Метод, использующий случайный поднабор данных для вычисления градиента
- c) Метод, основанный на втором производном
- d) Метод, не требующий градиента

Вопрос 5

Какое из следующих утверждений верно для стохастического градиентного спуска?

- a) Он всегда находит глобальный минимум
- b) Он может быть менее устойчивым, чем обычный градиентный спуск
- c) Он требует больше вычислительных ресурсов
- d) Он не может применяться к большим данным

Вопрос 6

Какой метод часто используется в стохастической оптимизации для решения задач с большим количеством переменных?

- a) Метод градиентного спуска
- b) Эволюционные алгоритмы
- c) Метод внутренней точки
- d) Метод Лагранжа

Вопрос 7

В чем заключается принцип работы генетических алгоритмов?

- a) Использование градиентов для поиска оптимума
- b) Моделирование естественного отбора и эволюции
- c) Линейная аппроксимация функции
- d) Оптимизация с использованием матричных операций

Вопрос 8

Какой из следующих методов является примером стохастической оптимизации?

- a) Метод Ньютона
- b) Алгоритм муравьиной колонии
- c) Метод градиентного спуска
- d) Метод сходимости

Вопрос 9

Что такое "шум" в контексте стохастической оптимизации?

- a) Погрешности в измерениях
- b) Случайные колебания в данных
- c) Аномалии в алгоритме

d) Все вышеперечисленное

Вопрос 10

Как стохастическая оптимизация может быть использована в машинном обучении?

- a) Для уменьшения размеров данных
- b) Для улучшения точности модели
- c) Для нахождения оптимальных гиперпараметров
- d) Все вышеперечисленное

Градиентный спуск

Вопрос 1

Что такое градиентный спуск?

- a) Метод нахождения максимума функции
- b) Метод минимизации функции, основанный на градиенте
- c) Метод, использующий только значения функции
- d) Метод, основанный на случайных значениях

Вопрос 2

Какова основная идея градиентного спуска?

- a) Перемещение в сторону наибольшего градиента
- b) Перемещение в сторону наименьшего градиента
- c) Перемещение по фиксированной траектории
- d) Перемещение случайным образом

Вопрос 3

Какой из следующих параметров является критически важным для градиентного спуска?

- a) Размер шага (learning rate)
- b) Количество итераций
- c) Размер выборки
- d) Количество переменных

Вопрос 4

Что происходит, если размер шага слишком велик в градиентном спуске?

- a) Алгоритм сойдется быстрее
- b) Алгоритм может не сойтись и "перепрыгнуть" минимум
- c) Алгоритм всегда найдет оптимум
- d) Алгоритм будет работать медленно

Вопрос 5

Какой вариант градиентного спуска использует весь набор данных для вычисления градиента?

- a) Стохастический градиентный спуск
- b) Пакетный градиентный спуск
- c) Мини-батч градиентный спуск
- d) Адаптивный градиентный спуск

Вопрос 6

Какой из следующих методов является вариантом градиентного спуска?

- a) Метод Нестерова
- b) Метод Бroyдена
- c) Метод Лагранжа

d) Метод Ньютона

Вопрос 7

Что такое "падение" в контексте градиентного спуска?

- a) Процесс увеличения функции
- b) Процесс уменьшения функции
- c) Процесс вычисления градиента
- d) Процесс генерации случайных значений

Вопрос 8

Какой из следующих методов может помочь избежать проблемы застревания в локальных минимумах?

- a) Увеличение размера шага
- b) Использование импульса
- c) Уменьшение количества итераций
- d) Использование фиксированного шага

Вопрос 9

Какой из следующих алгоритмов является адаптивным методом градиентного спуска?

- a) Adam
- b) SGD
- c) RMSprop
- d) Все вышеперечисленное

Вопрос 10

Как можно улучшить сходимость градиентного спуска?

- a) Уменьшение размера выборки
- b) Использование различных стратегий изменения размера шага
- c) Увеличение количества переменных
- d) Увеличение сложности функции

Задания для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

№ п/п	Задание	Ответ	Компетенция
1	Укажите основное свойство выпуклых функций в оптимизации.	Локальная минимальность (варианты: local minimum, локальная)	УК-1
2	Укажите метод поиска литературы по проксимальным операторам.	База данных Scopus (варианты: scopus, скопус)	УК-1
3	Укажите подход к анализу сходимости метода зеркального спуска.	Теорема сходимости (варианты: convergence theorem, теорема)	УК-1
4	Укажите источник для изучения двойственной оптимизации.	Google Scholar (варианты: google scholar, гугл)	УК-1
5	Укажите тренд в ИКТ для применения выпуклой оптимизации в финансах.	Блокчейн-оптимизация (варианты: blockchain optimization, блокчейн)	ОПК-2
6	Укажите инструмент для анализа рынка алгоритмов оптимизации.	Gartner Magic Quadrant (варианты: gartner, гарднер)	ОПК-2
7	Укажите платформу для облачных вычислений в распределенной оптимизации.	AWS (варианты: amazon web services, амазон)	ОПК-2

8	Укажите стратегию для внедрения оптимизации в IoT-системы.	Edge computing (варианты: edge computing, эдж)	ОПК-2
9	Укажите математический объект для метода внутренней точки.	Барьерная функция (варианты: barrier function, барьер)	ПК-2
10	Укажите аппарат для решения задач с ограничениями.	Метод множителей Лагранжа (варианты: lagrange multipliers, лагранж)	ПК-2
11	Укажите модель для оценки скорости сходимости ADMM.	Экспоненциальная сходимость (варианты: exponential convergence, экспоненциальная)	ПК-2
12	Укажите библиотеку для реализации субградиентного метода.	CVXPY (варианты: cvxpy, сивикспай)	ПК-2
13	Укажите формат для отчетов по ККТ-условиям.	LaTeX (варианты: latex, латех)	ПК-3
14	Укажите репозиторий для публикаций по седловым точкам.	GitHub (варианты: github, гитхаб)	ПК-3
15	Укажите стиль для технических отчетов по методу Ньютона.	IEEE (варианты: ieee, айтрипл-ии)	ПК-3
16	Укажите инструмент для визуализации в отчетах по выпуклым множествам.	Matplotlib (варианты: matplotlib, матплотлиб)	ПК-3
17	Укажите методологию для управления проектами по стохастической оптимизации.	Scrum (варианты: scrum, скрум)	ПК-8
18	Укажите инструмент для трекинга задач в проектах по проксимальным методам.	Trello (варианты: trello, трелло)	ПК-8
19	Укажите стандарт для планирования проектов по двойственной оптимизации.	PRINCE2 (варианты: prince2, принс2)	ПК-8
20	Укажите платформу для совместной работы в командах по ADMM.	Microsoft Teams (варианты: teams, тимс)	ПК-8