
УТВЕРЖДЕНА

Решением Ученого совета
АНО ВО «Центральный университет»
«25» мая 2026 г.
Протокол № 2

**Рабочая программа дисциплины (модуля)
«Основы статистики. Базовый»**

Направление подготовки: 02.04.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль) подготовки: Управление цифровыми
продуктами и системами

Квалификация (степень) выпускника: магистр

Форма обучения: очная

Срок освоения программы: 2 года

Год набора: 2026

**Москва
2026**

Содержание

1. Краткая характеристика дисциплины (модуля)	3
2. Перечень планируемых результатов обучения.....	5
3. Тематический план.....	8
4. Содержание дисциплины (модуля).....	8
5. Учебно-методическое обеспечение	9
6. Материально-техническое обеспечение	9
7. Методические и оценочные материалы	11

1. Краткая характеристика дисциплины (модуля)

Рабочая программа дисциплины (модуля) «Основы статистики. Базовый» составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования – магистратура по направлению 02.04.01 Математика и компьютерные науки, профиль Управление цифровыми продуктами и системами, утвержденный приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации № 810 от 23.08.2017 года.

Изучение дисциплины (модуля) «Основы статистики. Базовый» позволяет сформировать понимание теоретических основ и практических методов математической статистики, необходимых для анализа данных, проверки гипотез, построения доверительных интервалов и проведения продуктивных экспериментов, а также развить навыки интерпретации статистических выводов в условиях реальных данных и принятия обоснованных решений.

Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Настоящая дисциплина (модуль) включена в учебный план по программе подготовки магистратуры по направлению 02.04.01 Математика и компьютерные науки, профиль Управление цифровыми продуктами и системами и входит в вариативную часть Блока 1, формируемую участниками образовательных отношений как дисциплина по выбору.

Дисциплина (модуль) доступна к изучению на 2 курсе в 4 семестре.

Цель изучения дисциплины (модуля): подготовить специалистов к эффективной работе с количественными данными, обеспечив их инструментами для точного анализа, оценки неопределённости, проверки гипотез и проведения A/B тестов с использованием продвинутых статистических методов, включая работу с ratio-метриками и техниками ускорения экспериментов.

Задачи изучения дисциплины (модуля):

- освоить основные распределения, их параметры и применение в моделировании реальных процессов;
- научиться строить и интерпретировать точечные и интервальные оценки с использованием классических и численных методов (включая бутстреп);
- приобрести навыки проверки статистических гипотез с применением параметрических и непараметрических критериев;
- освоить методы анализа зависимости между переменными: ковариация, корреляция, линейная регрессия;
- научиться проектировать, запускать и анализировать A/B тесты, включая работу с ratio-метриками и применение техник ускорения экспериментов;
- развить умение применять статистические методы в практической деятельности с использованием языка Python.

В результате освоения дисциплины (модуля) обучающийся должен:

знать:

- определения, параметры и характеристики основных распределений;
- точечные оценки и их свойства;
- метод моментов и метод максимального правдоподобия;
- основные предельные теоремы математической статистики;

- методика построения и виды доверительных интервалов;
- методика бутстрапа для различных задач;
- понятия и алгоритмы, связанные с тестированием гипотез;
- понятие ковариации и различные виды корреляции, а также значимость корреляций;
- основные понятия линейной регрессии;
- этапы и различные техники A/B тестирования;
- ratio-метрики и методы ускорения A/B тестов.

уметь:

- визуализировать плотность и рассчитывать характеристики различных распределений;
- рассчитывать и интерпретировать точечные оценки на выборке;
- строить доверительные интервалы;
- тестировать гипотезы с помощью параметрических и непараметрических критериев;
- оцифровывать зависимость между случайными величинами и определять значимость зависимости;
- проектировать, запускать и анализировать A/B тесты;
- работать с ratio-метриками в A/B тестах;
- применять техники для ускорения продуктовых экспериментов.

владеть:

- навыком строить распределения и рассчитывать их характеристики в python;
- способами рассчитывать и интерпретировать точечные и интервальные оценки;
- опытом делать выводы с помощью тестирования гипотез;
- практикой использовать бутстрап для построения оценок и тестирования гипотез;
- опытом делать выводы о корреляции и каузации случайных величин;
- практикой запускать, мониторить и оцифровывать результаты проведения A/B тестов;
- методами ускорения продуктовых экспериментов.

2. Перечень планируемых результатов обучения

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) при проведении учебных занятий в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками Университета и в форме самостоятельной работы обучающихся:

Компетенция	Содержание компетенции	Индикатор компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю)
УК-6.	Способен определять и реализовывать приоритеты собственной деятельности и способы ее совершенствования на основе самооценки	УК-6.1.	Знает основные методы самооценки и анализа своей деятельности, а также принципы управления временем и целеполагания
		УК-6.2.	Умеет ставить реалистичные и достижимые цели, определять приоритеты в своей деятельности, а также разрабатывать и внедрять планы по совершенствованию своих навыков и компетенций на основе полученной самооценки
		УК-6.3.	Имеет практический опыт применения методов самооценки в своей профессиональной деятельности, включая участие в тренингах, семинарах и проектах, направленных на развитие личной эффективности и профессионального роста
ОПК-1.	Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы прикладной и компьютерной математики	ОПК-1.1.	Знает основные методы и подходы к решению задач прикладной и компьютерной математики, включая алгоритмы, математическое моделирование и теорию оптимизации, а также современные инструменты и технологии, используемые в этой области
		ОПК-1.2.	Умеет анализировать и формулировать математические задачи, применять соответствующие методы и алгоритмы для их решения, а также интерпретировать и представлять результаты в понятной и доступной форме
		ОПК-1.3.	Имеет практический опыт работы над проектами или

			исследованиями в области прикладной и компьютерной математики, включая участие в конкурсах, олимпиадах или научных публикациях, где были решены актуальные и значимые задачи
ПК-1.	Способен определять общие формы и закономерности в области управления цифровыми продуктами и системами	ПК-1.1.	Знает основные теоретические концепции и принципы, относящиеся к области управления цифровыми продуктами и системами, а также ключевые закономерности и модели, которые помогают в анализе и интерпретации данных
		ПК-1.2.	Умеет проводить систематический анализ продуктов и систем, выявлять и формулировать общие закономерности и тенденции, а также применять методы исследования для получения новых знаний и понимания
		ПК-1.3.	Имеет практический опыт работы в области управления цифровыми продуктами и системами, включая участие в научных проектах, исследованиях или практических заданиях, где были выявлены и описаны общие формы и закономерности
ПК-3.	Способен решать задачи профессиональной деятельности в области управления цифровыми продуктами и системами, формулировать результаты анализа и выявлять последствия полученных данных для принятия обоснованных решений и оптимизации продуктов	ПК-3.1.	Знает методы и инструменты управления цифровыми продуктами и системами
		ПК-3.2.	Умеет применять аналитические инструменты и программное обеспечение для обработки и визуализации данных, а также формулировать выводы на основе проведенного анализа
		ПК-3.3.	Имеет опыт работы над реальными проектами в области управления цифровыми продуктами и системами, включая анализ пользовательского поведения и оптимизацию продуктов на основе полученных данных

ПК-6.	Способен разрабатывать программное обеспечение для решения прикладных задач в сфере управления цифровыми продуктами и системами	ПК-6.1.	Знает основные языки программирования, методы разработки программного обеспечения, а также принципы проектирования и архитектуры программных систем, применяемых в сфере управления цифровыми продуктами и системами
		ПК-6.2.	Умеет анализировать прикладные задачи, разрабатывать алгоритмы и реализовывать их в виде программного обеспечения, используя современные инструменты и технологии, а также проводить тестирование и отладку созданных решений
		ПК-6.3.	Имеет практический опыт разработки программного обеспечения в рамках реальных проектов, включая участие в командах, где были успешно реализованы решения для конкретных прикладных задач

3. Тематический план

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Трудоемкость, академические часы				ТКУ (текущий контроль успеваемости)
		Очная форма				
		Аудиторная работа		Контроль	Самостояте льная работа	
		Лекции	Семинары (практичес кие занятия)			
1	Распределения и оценки	8	15		25	Домашние задания
2	Гипотезы и А/В тесты	8	15		25	Домашние задания
3	Зависимость случайных величин	8	15	2	25	Домашние задания, Контрольная работа
4	Продвинутые А/В тесты	6	13		21	Домашние задания
	Экзамен			4		
Итого:		30	58	6	96	
Объем дисциплины (модуля) (в ак. ч.)		190				
Объем дисциплины (модуля) (в зач. ед.)		5				

4. Содержание дисциплины (модуля)

№п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Содержание дисциплины (модуля) по темам
1	Распределения и оценки	Дискретные и непрерывные распределения Свойства точечных оценок - 1 Свойства точечных оценок - 2 Методы построения оценок Доверительные интервалы и численные методы
2	Гипотезы и А/В тесты	Введение в гипотезы и продуктовые эксперименты р-значение, минимальный детектируемый эффект и мощность Критерий Стьюдента и тесты на дисперсию Множественное тестирование и продуктовые тесты Контрольная работа на семинаре Непараметрические критерии
3	Зависимость случайных величин	Зависимость случайных величин Корреляция Линейная регрессия - 1 Линейная регрессия - 2
4	Продвинутые А/В тесты	Ускорение продуктовых экспериментов

5. Учебно-методическое обеспечение

Университет располагает полным набором лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, включая продукты отечественного производства.

Каждый студент в течение всего периода обучения получает индивидуальный неограниченный доступ к электронно-библиотечной системе и электронной информационно-образовательной среде университета. Эти системы предоставляют возможность доступа к ресурсам из любой точки, где есть подключение к сети Интернет, как на территории университета, так и за его пределами.

Студентам обеспечен удаленный доступ к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Основная литература:

1. Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/565694>.

2. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 12-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 479 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00211-9. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/559584>.

Дополнительная литература:

1. Гмурман, В. Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 395 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-21643-1. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/581860>.

2. Статистика : учебник для вузов / под редакцией В. С. Мхитаряна. — 3-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 503 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-18687-1. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/568978>.

6. Материально-техническое обеспечение

Университет располагает материально-технической базой, соответствующей действующим противопожарным правилам и нормам и обеспечивающей проведение всех видов дисциплинарной и междисциплинарной подготовки, практической и научно-исследовательской работ обучающихся, предусмотренных учебным планом.

Помещения, которые представляют собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского (практического) типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы и помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования. Помещения укомплектованы специализированной

мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Изучение дисциплины (модуля) обеспечивается в учебных аудиториях, оснащенных:

- столами и стульями;
- компьютерной техникой;
- механическими калькуляторами;
- специализированным оборудованием, включая демонстрационное оборудование.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся, в том числе приспособленные для использования инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья, оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Обучающимся предоставляется доступ (в том числе удаленный) к ресурсам информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», электронным ресурсам (в том числе электронным библиотечным системам, современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам):

№	Наименование портала (издания, курса, документа)	Ссылка
1.	Научная электронная библиотека elibrary.ru библиотека	https://elibrary.ru/defaultx.asp
2.	База данных для IT-специалистов	https://habr.com
3.	База данных ScienceDirect	https://www.sciencedirect.com
4.	Официальный сайт Министерства науки и высшего образования Российской Федерации	https://minobrnauki.gov.ru/
5.	Федеральный портал «Российское образование»	https://www.edu.ru/
6.	Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам"	http://window.edu.ru/
7.	Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов	http://school-collection.edu.ru/
8.	Федеральный центр информационно - образовательных ресурсов	http://fcior.edu.ru/

Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), в том числе комплект лицензионного программного обеспечения, современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

Наименование ПО	Производство	Лицензионное / свободно распространяемое
Операционные системы:		
Microsoft Imagine (Windows Client, Server)	зарубежное	лицензионное
Браузеры:		
Яндекс.Браузер	отечественное	свободно распространяемое
Google Chrome	зарубежное	свободно распространяемое
Офисные приложения:		

Microsoft Imagine (Visio, OneNote)	зарубежное	лицензионное
TeXstudio	зарубежное	свободно распространяемое
Adobe Acrobat Reader	зарубежное	свободно распространяемое
Программное обеспечение для планирования и учета времени:		
Toggle app	зарубежное	свободно распространяемое
Системы управления проектами:		
Microsoft Imagine (Project)	зарубежное	лицензионное
Системы управления базами данных:		
Microsoft Imagine (SQL Server)	зарубежное	лицензионное
Системы резервного копирования (backup):		
Acronis Backup Advanced for HyperV	зарубежное	лицензионное
Справочно-правовые системы:		
КонсультантПлюс: справочно-правовая система	отечественное	лицензионное
Средства антивирусной защиты:		
Kaspersky Endpoint Security для бизнеса Стандартный Russian Edition	отечественное	лицензионное
Среды разработки:		
Visual Studio Code	зарубежное	свободно распространяемое
Bash (Unix shell)	зарубежное	свободно распространяемое
Anaconda	зарубежное	свободно распространяемое
Robotic Operating System	зарубежное	свободно распространяемое
CopelliaSim	зарубежное	свободно распространяемое
Google Colaboratory	зарубежное	свободно распространяемое
Пакеты программных средств и библиотек:		
AutoPsy	зарубежное	свободно распространяемое
Interactive Disassembler (IDA)	зарубежное	свободно распространяемое
Системы управления библиографической информацией:		
Zotero	зарубежное	свободно распространяемое
Сервисы и службы:		
Bind	зарубежное	свободно распространяемое
Docker	зарубежное	свободно распространяемое

7. Методические и оценочные материалы

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

В процессе изучения дисциплины (модуля) «Основы статистики. Базовый» в рамках текущего контроля успеваемости используются такие виды учебной работы, как лекции, семинары, домашние задания, контрольная работа, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся по заданию преподавателя, направленные на развитие навыков профессиональной лексики, закрепление практических профессиональных компетенций, поощрение инициатив.

Лекция – систематическое, последовательное, монологическое изложение преподавателем учебного материала, как правило, теоретического характера.

В процессе лекций рекомендуется вести конспект лекций: кратко и схематично фиксировать основные идеи, выводы и обобщения лекции; выделять важные мысли, ключевые слова и термины. Необходимо отметить вопросы или материалы, которые вызывают затруднения, и попытаться найти ответы в рекомендованной литературе. Если разобраться в материале не удастся, следует сформулировать вопрос и задать его преподавателю на консультации или во время семинарского (практического) занятия.

Семинар – это форма учебной деятельности, проводимая в учебном заведении под руководством преподавателя, где студенты активно участвуют в обсуждениях, практических заданиях и других формах взаимодействия.

Для успешной подготовки к семинару рекомендуется заранее ознакомиться с темой занятия и основными материалами, чтобы иметь возможность активно участвовать в обсуждении. Также полезно подготовить вопросы и идеи для обсуждения, что поможет глубже понять материал и продемонстрировать заинтересованность.

Домашнее задание – набор задач по темам недели.

При работе над домашними заданиями важно внимательно ознакомиться с требованиями и сроками выполнения. Рекомендуется разбивать задания на этапы, чтобы избежать перегрузки и лучше усвоить материал. Использовать различные источники информации, включая учебники и онлайн-ресурсы, для более глубокого понимания темы.

Контрольная работа – письменная работа с набором задач, которые нужно решить за ограниченное время.

Цель контрольной работы – получить специальные знания по одной или нескольким темам дисциплины (модуля) и продемонстрировать навыки их практического применения.

Бонусные баллы — это оценки, которые студенты могут получить за выполнение дополнительных заданий.

Формат бонусных баллов позволяет студентам улучшить общую оценку по дисциплине (модулю) и стимулирует углубленное изучение материала.

Самостоятельная работа – работа студентов, направленная на углубленное изучение отдельных тем и вопросов учебной дисциплины (модуля).

В процессе самостоятельной работы студенты взаимодействуют с рекомендованными материалами при минимальном участии преподавателя. Задачи студента включают работу с конспектами лекций (обработка текста), повторное изучение учебных материалов планов и тезисов ответов, изучение дополнительных тем, выполнение учебно-исследовательских заданий и другое.

Система оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю)

Критерии получения уровня и оценивания сформированности компетенций по дисциплине (модулю) «Основы статистики. Базовый»

Оценивание уровня учебных достижений обучающихся по дисциплине (модулю) осуществляется в виде текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация по дисциплине (модулю) осуществляется в форме *экзамена*, при этом проводится оценка компетенций, сформированных по дисциплине.

Для оценивания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации используется десятибалльная шкала оценивания, которая соотносится с традиционной пятибалльной шкалой следующим образом, если иное не указано в силлабусе дисциплины:

Десятибалльная оценка	Пятибалльная оценка	Общая характеристика результата обучения по дисциплине (модулю)
10	Отлично	Студент полностью владеет знаниями, изложенными в рабочей программе, и глубоко осмысляет дисциплину (модуль). Он самостоятельно и логически последовательно отвечает на все вопросы, акцентируя внимание на наиболее важном. Умеет анализировать, сравнивать, классифицировать, обобщать, конкретизировать и систематизировать изученный материал, выделяя ключевые моменты и устанавливая причинно-следственные связи. Четко формулирует ответы, уверенно интерпретирует результаты анализов и других исследований, а также решает сложные задачи. Студент хорошо знаком с методами исследования, необходимыми для практической деятельности, и умеет связывать теоретические аспекты дисциплины (модуля) с практическими задачами.
9	Отлично	
8	Отлично	
7	Хорошо	Студент обладает знаниями предмета почти в полном объеме рабочей программы и самостоятельно, логически последовательно и всесторонне отвечает на все вопросы, акцентируя внимание на наиболее значимых моментах. Он умеет анализировать, сравнивать, классифицировать, обобщать, конкретизировать и систематизировать изученный материал, выделяя его ключевые аспекты и устанавливая причинно-следственные связи. Формулирует свои ответы, уверенно интерпретирует результаты анализов и других исследований, а также решает сложные ситуационные задачи. Студент хорошо знаком с методами исследования, необходимыми для практической деятельности, и умеет связывать теоретические аспекты предмета с практическими задачами.
6	Хорошо	
5	Удовлетворительно	Студент обладает базовыми знаниями по дисциплине (модулю), но испытывает трудности при самостоятельных ответах и использует неточные формулировки. В ходе ответов он допускает ошибки, касающиеся сути вопросов. Студент способен решать только самые простые задачи и владеет лишь минимальным набором методов исследования.
4	Удовлетворительно	
3	Не сдан	Студент не овладел обязательным минимумом знаний по предмету и не может ответить на вопросы, даже если преподаватель задает дополнительные наводящие вопросы.
2	Не сдан	
1	Не сдан	

Дисциплина (модуль) «Основы статистики. Базовый» оценивается следующим образом:

Активность	Вес	Количество	Описание
Домашние задания	60%	14	Набор задач по темам недели

Активность	Вес	Количество	Описание
Контрольная работа	20%	1	Письменная работа с набором задач, которые нужно решить за ограниченное время
Экзамен	20%	1	Письменная или устная работа над заданием, направленным на проверку полученных знаний и навыков по дисциплине (модулю)

В рамках изучения дисциплины (модуля) возможно получение бонусных баллов.

Формула расчёта итоговой оценки по дисциплине (модулю) «Основы статистики. Базовый»: $\langle 0,6 \times \text{среднее за домашние задания} + 0,2 \times \text{контрольная работа} + 0,2 \times \text{экзамен} \rangle$.

Текущий контроль успеваемости обучающихся по дисциплине (модулю)

Примерные домашние задания

Домашнее задание 1. Оценка и доверительные интервалы в продуктивном эксперименте

Задание:

- Даны данные по времени открытия страницы (в мс) до и после внедрения оптимизации:
 - Контрольная группа ($n=100$): среднее = 1200 мс, стандартное отклонение = 300 мс
 - Тестовая группа ($n=100$): среднее = 1100 мс, стандартное отклонение = 280 мс
- Постройте 95% доверительные интервалы для среднего в каждой группе (с помощью t-распределения).
- Используя бутстрап (1000 выборок), перестройте доверительные интервалы и сравните с аналитическим методом.
- Оцените разницу средних и её доверительный интервал.
- Сформулируйте вывод: можно ли считать улучшение значимым?

Требования:

- Код на Python (NumPy, SciPy, pandas)
- Визуализация доверительных интервалов
- Краткий отчёт с интерпретацией

Домашнее задание 2. A/B тест с множественным тестированием и коррекцией

Задание:

- Команда провела A/B тест по 5 метрикам:
 - CTR, время на сайте, конверсия в покупку, количество кликов, глубина просмотра
- Получены p-значения: 0.04, 0.01, 0.06, 0.03, 0.08
- Примените:
 - Метод Бонферрони
 - Процедуру Бенджамини-Хохберга (FDR)
- Определите, какие метрики остаются значимыми после коррекции.

5. Объясните, почему важно контролировать FWER и FDR в продуктовых экспериментах.
6. Предложите рекомендации по интерпретации результатов в условиях множественных гипотез.

Требования:

- Расчёты с пояснениями
- Сравнение методов коррекции
- Выводы для продуктовой команды

Домашнее задание 3. Линейная регрессия и ускорение экспериментов

Задание:

1. Даны данные о 1000 пользователях:
 - До эксперимента: время на сайте (X)
 - Принадлежность к группе (T : 0 — контроль, 1 — тест)
 - После эксперимента: конверсия (Y)
2. Постройте линейную модель:
 - $Y = \beta_0 + \beta_1 T + \beta_2 X + \varepsilon$
3. Оцените эффект воздействия (коэффициент β_1) и его значимость.
4. Сравните с моделью без ковариаты X .
5. Объясните, как использование ковариаты помогает ускорить эксперимент (уменьшить дисперсию, повысить мощность).
6. Оцените мощность теста при текущем размере выборки и минимальном детектируемом эффекте ($MDE = 0.5\%$).

Требования:

- Реализация модели (statsmodels или sklearn)
- Интерпретация коэффициентов и р-значений
- Обоснование пользы ковариат

Примерные задания для контрольной работы

Задание 1

1. Что такое точечная оценка? Приведите пример.
2. Какие свойства оценок вы знаете? (несмещённость, состоятельность, эффективность)
3. Постройте 90% доверительный интервал для среднего при $\bar{x}=50$, $s=10$, $n=25$.
4. Как изменится интервал, если увеличить выборку до 100?
5. В чём суть метода максимального правдоподобия?

Задание 2

1. Сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезы для А/В теста по конверсии.
2. Что такое р-значение? Как его интерпретировать?
3. Даны две группы:
 - Контроль: 1000 пользователей, 100 конверсий
 - Тест: 1000 пользователей, 120 конверсий
 Вычислите р-значение (z-тест для долей).
4. Какова мощность теста при $MDE = 15\%$, $\alpha = 0.05$, $n = 1000$?

5. Почему важно учитывать мощность до запуска эксперимента?

Задание 3

1. Что такое корреляция Пирсона? Каковы её границы?
2. В чём разница между корреляцией и причинно-следственной связью?
3. Постройте уравнение линейной регрессии по двум точкам: (1, 3) и (2, 5).
4. Что такое R^2 ? Как его интерпретировать?
5. Как непараметрические критерии (например, U-критерий Манна-Уитни) помогают в А/В тестах?

Задания для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

№ п/п	Задание	Ответ	Компетенция
1.	Где целесообразно проверять математическую корректность используемых формул?	Официальная документация или учебники	УК-6
2.	Укажите метод обеспечения воспроизводимости случайной выборки.	Фиксация seed генератора	УК-6
3.	Какой принцип лежит в основе расчета размера выборки перед экспериментом?	Анализ статистической мощности	УК-6
4.	Что необходимо сделать при обнаружении этического конфликта в ходе теста?	Немедленно остановить эксперимент	УК-6
5.	Запишите формулу для расчета выборочного среднего значения.	$\bar{x} = (1/n) * \sum x_i$	ОПК-1
6.	Как выглядит формула несмещенной оценки дисперсии?	$S^2 = \sum (x_i - \bar{x})^2 / (n-1)$	ОПК-1
7.	Приведите формулу доверительного интервала для известного σ .	$\bar{x} \pm z * (\sigma/\sqrt{n})$	ОПК-1
8.	Как формально записывается свойство состоятельности оценки?	$\lim(n \rightarrow \infty) P($	ПК-3
9.	Что выражает формула р-значения в контексте нулевой гипотезы?	$P(T \geq t$	УК-6
10.	Укажите формулу вероятности ошибки первого рода.	$\alpha = P(\text{отвергнуть } H_0$	ОПК-1
11.	Как рассчитывается мощность статистического теста?	$1 - \beta$	ПК-1
12.	Приведите формулу t-статистики для одной выборки.	$t = (\bar{x} - \mu) / (s/\sqrt{n})$	ПК-1

13.	Запишите формулу коэффициента корреляции Пирсона.	$r = \text{cov}(X,Y) / (\sigma_x * \sigma_y)$	ПК-3
14.	Как выглядит уравнение простой линейной регрессии?	$y = \beta_0 + \beta_1 * x + \varepsilon$	ПК-3
15.	Что минимизирует метод наименьших квадратов (OLS)?	$\sum (y_i - \hat{y}_i)^2$	ПК-3
16.	Укажите формулу поправки Бонферрони для множественного тестирования.	$\alpha_{\text{new}} = \alpha / k$	ПК-3
17.	Как оценивается снижение дисперсии в методе CUPED?	$\text{Var}(Y) * (1 - \rho^2)$	ПК-6
18.	Что используется для контроля ошибки в последовательном тестировании?	Функция расхода альфа (Alpha spending)	ПК-6
19.	От какой величины зависит минимальный детектируемый эффект (MDE)?	$\sqrt{\text{Var}} / \sqrt{n}$	ПК-6
20.	Какие параметры являются входными для скрипта расчета мощности?	Power, Alpha, MDE, Variance	ПК-6